

Paradigmas de Programação

Fabrcio Olivetti de Franca

27 de Junho de 2018

Lista de exercrcios 03

1. Escreva a funo McCarthy91 em Haskell

```
mc91 :: Integral a => a -> a
```

que é definida por:

$$\begin{aligned} \text{MC}(n) &= n - 10, \text{ se } n > 100; \\ &= \text{MC} (\text{MC} (n + 11)), \text{ caso contrário.} \end{aligned}$$

2. Escreva uma funo recursiva

```
elem' :: Eq a => a -> [a] -> Bool
```

que verifica se um valor está contido numa lista

3. Defina a funo recursiva

```
euclid :: Int -> Int -> Int
```

que implementa o algoritmo de Euclides para calcular o máximo divisor comum de dois inteiros não-negativos: se dois números são iguais, o resultado é o próprio número, senão, o menor é subtraído do maior e o processo se repete. Exemplo:

```
> euclid 6 27
3
```

4. Defina a funo recursiva

```
concat' :: [[a]] -> [a]
```

que recebe uma lista de listas e devolve uma única lista contendo os elementos das listas internas.

5. Defina a função

```
intersperse' :: a -> [a] -> [a]
```

que recebe um char separador e uma lista de chars (ou string) e devolve uma string com os elementos intercalados entre o separador. Exemplo:

```
> intersperse' '-' "abcde"  
"a-b-c-d-e"
```

6. Escreva a função

```
wordNumber :: Char -> Int -> [Char]
```

que recebe um char separador e um inteiro, e devolve uma string com os nomes dos números separados por um char sep. Você poderá utilizar as funções `concat` e `interspace` definidas anteriormente. Outras funções auxiliares podem ser definidas, como transformar um inteiro em uma lista de dígitos, e substituir cada dígito pelo seu correspondente por extenso. Exemplo:

```
> wordNumber '-' 123  
"um-dois-três"
```

7. Defina uma função recursiva

```
merge :: Ord a => [a] -> [a] -> [a]
```

que recebe duas listas ordenadas e devolve uma única lista ordenada. Exemplo:

```
> merge [2,5,6] [1,3,4]  
[1,2,3,4,5,6]
```

8. Utilizando a função merge implementada anteriormente, defina

```
msort :: Ord a => [a] -> [a]
```

que implementa o algoritmo merge sort. Para auxiliar, defina

```
halve :: [a] -> ([a], [a])
```

que divide uma lista em duas de mesmo tamanho ou com uma diferença máxima de um elemento.

9. Defina duas funções

```
quotRem' :: Integral a => a -> a -> (a, a)
divMod'  :: Integral a => a -> a -> (a, a)
```

que implementam a divisão de inteiros como uma subtração recursiva, retornando uma tupla com o quociente da divisão e o resto. Trate o caso de divisão por zero com error.

Existem duas maneiras de se fazer a divisão com números negativos: arredondando para zero (como a função quotRem faz) ou para o infinito negativo (como feito pela função divMod). Para resolver o exercício, comece por quotRem' e use pattern matching listando todos os possíveis casos de dividendos (n), divisores (d), quociente(q) e resto (r) quanto aos sinais:

```
n = 0 <=> q = 0, r = 0
d = 0 => error
n > 0, d > 0 <=> q > 0, r > 0
n < 0, d < 0 <=> q > 0, r < 0
n < 0, d > 0 <=> q < 0, r < 0
n > 0, d < 0 <=> q < 0, r > 0
```

Para definir divMod', utilize quotRem', observando que para n e d com sinais iguais, divMod' devolve os mesmos resultados de quotRem'. Quando os sinais de n e d são opostos, deve-se subtrair 1 do quociente e somar d ao resto.

Por fim, compare seus resultados com as funções quotRem e divMod originais.

10. Defina a função

```
skips :: [a] -> [[a]]
```

cuja entrada é uma lista e a saída é uma lista de listas. A primeira lista interna é igual à lista de entrada. A segunda lista contém cada segundo elemento da lista de entrada e a enésima lista contém cada enésimo elemento da lista de entrada. Exemplos:

```
> skips "ABCD"
["ABCD", "BD", "C", "D"]
> skips "hello!"
["hello!", "el!", "l!", "l", "o", "!"]
> skips [1]
[[1]]
> skips [True,False]
[[True,False], [False]]
> skips []
[]
```